



ВАРИАНТИ[®]

списание по математика

КАНДИДАТ-СТУДЕНТИ

(примерни теми за СУ, ТУ, УНСС)
Брой 4 – 2008 г.

Съдържание:

ТЕМА за СУ (Софийски Университет „Св. Климент Охридски”).....	2
ТЕСТ за ТУ (Технически Университет – София)	4
ТЕСТ за УНСС (Университет за Национално и Световно Стопанство)	8

ТЕМА за СУ (Софийски Университет „Св. Климент Охридски“)

1. Изчислете израза $\cos \frac{\pi}{7} - \cos \frac{2\pi}{7} + \cos \frac{3\pi}{7}$.

2. Решете неравенството: $\frac{\sqrt{x^2 - \frac{|x|}{x}} + \log_3 7}{\lg^2 x - 4 \log_2 x \lg 2 + 3} < 0$.

3. Решете системата $\begin{cases} y^{x^2-7x+12} = 1 \\ x + y = 6 \end{cases}$.

4. Да се намерят общият член и сумата от първите n члена на редицата:
1,3,7,13,21,31.....

5. Решете уравнението: $\sqrt{x^2 - 2ax + a^2} + \sqrt{x^2 - 6x + 9} = 3x + 1$.

6. Да се пресметне границата $\lim_{x \rightarrow -\infty} (\sqrt{\cos 2x + x^2 + x} - \sqrt{\sin 2x - 2x + x^2})$.

7. Даден е правоъгълник $ABCD$ със страни $AB = \sqrt{2}$, $AD = 1$. Окръжност се допира до диагонала AC в точката C така, че центърът и лежи в полуравнината, определена от AC , в която се намира точката B . Допирателните през B към тази окръжност сключват ъгъл от 120° . Да се намери радиусът на окръжността.

8. Дадена е правоъгълна триъгълна призма $ABCA_1B_1C_1D_1$ с околен ръб 3. Нека P е точка от ръба AA_1 такава, че $AP = 1$. Ъгълът който правата PC_1 сключва с равнината (ABB_1A_1) е 30° . Намерете обема на призмата $ABCA_1B_1C_1$ и ъгъла който правата PM сключва с равнината (ABB_1A_1) , където M е среда на ръба AC .

9. Дадена е функцията $f(x) = x^2 + 1$. През т. A от графиката на $f(x)$ с абсциса x_0 , където $x_0 \in \left[\frac{1}{2}; 2\right]$, е построена допирателна, която пресича оста Ox в т. B . Ако ортогоналната проекция на A върху абсцисата е т. C , да се намери най-голямото лице на $\triangle ABC$.

10. Да се докаже, че за всяко реално число x са в сила неравенствата

$$\frac{7 - \sqrt{52}}{3} \leq \frac{x + 3}{x^2 - x + 1} \leq \frac{7 + \sqrt{52}}{3}.$$

отговорите са на следващата страница...

Отговори на темата за СУ:

Задачи със свободен отговор:

1. $\frac{1}{2}$;

2. $x \in (10; 1000)$;

3. $(5; 1); (7; -1); (4; 2); (3; 3)$;

4. $a_n = n^2 - n + 1; S_n = \frac{n(n^2 + 2)}{3}$;

5. $a \in (-\infty; -7], x = -a - 4; a \in \left(-7; \frac{1}{2}\right], x = \frac{2-a}{3}; a \in \left(\frac{1}{2}; 13\right], x = \frac{a+2}{5}; a > 13, x = \frac{a-4}{3}$;

6. $-\frac{3}{2}$;

7. $R = 3 - \sqrt{6}$;

8. $V = \frac{3\sqrt{3}}{2}; \angle MPM_1 = 60^\circ$;

9. $\max S = \frac{15}{8}$;

10. Полагаме $a = \frac{x+3}{x^2-x+1}$. Тогава $ax^2 - (a+1)x + a + 3 = 0$. Тъй като това уравнение

има решение, то $D = (a+1)^2 - 4a(a-3) = -3a^2 + 14a + 1 \geq 0$. Следователно

$a \in \left[\frac{7-\sqrt{52}}{3}; \frac{7+\sqrt{52}}{3}\right]$, с което задачата е решена.

Всяка задача от 1 до 10 носи 4 точки.

Оценката се изчислява по формулата: $O = 2 + \frac{k}{10}$, където k е броят на получените точки.

ТЕСТ за ТУ на следващата страница...

ТЕСТ за ТУ (Технически Университет – София)

1. Пресметнете израза: $\sqrt{\frac{196}{81}} + \sqrt{16^{-1}} + \frac{7}{2^2 \cdot 3^2}$.

А) 1; Б) 2; В) 3; Г) 4; Д) 5.

2. Определете p , ако $\left(\frac{3 \cdot 3^{2p}}{3^p} \cdot 27\right)^3 = 3^{15}$.

А) 2; Б) 3; В) 4; Г) 1; Д) $\frac{1}{3}$.

3. Ако $a^2 + b^2 = 7ab$, то $\log\left(\frac{a+b}{3}\right)^2$ е равно на:

А) $\frac{1}{2}(\log a + \log b)$; Б) $2\log a + \log b$; В) $2(\log a + \log b)$; Г) $\log a - \log b$;
Д) $\log a + \log b$.

4. Произведението от корените на уравнението: $\sqrt{13-x} + \sqrt{x-3} = \sqrt{10}$ е:

А) 32; Б) 35; В) 39; Г) 41; Д) 44.

5. Пресметнете $\log_a a\sqrt{a\sqrt{a\sqrt{a}}}$, където $a > 0; a \neq 1$.

А) $\frac{7}{8}$; Б) $1\frac{7}{8}$; В) 1; Г) $\frac{8}{7}$; Д) $1\frac{1}{8}$.

6. Колко положителни членове има редицата с общ член (x_n) , ако

$$x_n = \frac{195}{4P_n} - \frac{V_{n+3}^3}{P_{n+1}}, n \in N ?$$

А) 2; Б) 3; В) 5; Г) 6; Д) 4.

7. Колко различни шест цифрени числа може да се съставят от цифрите 1;2;3;4;5;6;7 така, че цифрите да не се повтарят и крайните цифри да са четни?

А) 320; Б) 420; В) 520; Г) 720; Д) 620.

8. Сумата на всички естествени трицифрени числа, които при деление на 3 дават остатък 2 е:

А) 164850; Б) 163850; В) 162850; Г) 161850; Д) 160850.

9. Сумата на аритметична прогресия състояща се от 12 члена е равна на 354, като сумата от членовете с четни номера се отнася към сумата на членовете с нечетни номера както 32 : 27. Разликата на прогресията е:

А) 2; Б) 3; В) 4; Г) 5; Д) 6.
продължава на следващата страница...

10. Каква е вероятността при раздаване на карти между 4 играча по 8 карти от колода с 32 карти един от играчите да получи 4 аса?

- А) 0,001; Б) 0,0019; В) 0,0018; Г) 0.18; Д) 0,019.

11. Заплатите за една година на един служител в Българската Академия на Науките (БАН) са: 250;241;216;235;272;255;239;244;258;254;247;289. Средната годишна заплата на служителя в левове е:

- А) 249; Б) 248; В) 247; Г) 246; Д) 245.

12. Намерете средно-аритметичаната величина \bar{x} , медианата m_e и модата m_0 за данните: 45,15,10,4,9,4,7,8

- А) $\bar{x} = 13; m_e = 8; m_0 = 3$; Б) $\bar{x} = 15; m_e = 8,5; m_0 = 4$; В) $\bar{x} = 14; m_e = 9; m_0 = 4,5$;
Г) $\bar{x} = 15,5; m_e = 9; m_0 = 5$; Д) $\bar{x} = 16; m_e = 7,5; m_0 = 5,5$.

13. Най-голямата стойност на функцията $f(x) = -x^2 - 3x$ в затворения интервал $[-1;2]$ е:

- А) 1; Б) 2; В) 3; Г) -10; Д) $\frac{9}{4}$.

14. Функцията $f(x) = x^3 - 6x + 1$ в отворения интервал $(-3;-2)$ е:

- А) растяща; Б) намаляваща; В) нечетна; Г) четна;
Д) произведение на четна и нечетна функция.

15. Ако $\cos \alpha = \frac{3}{4}$, стойността на израза $32 \sin \frac{\alpha}{2} \sin \frac{5\alpha}{2}$ е:

- А) 8; Б) 9; В) 10; Г) 11; Д) 12.

16. Върху основата на AB на равнобедрения $\triangle ABC$ е избрана такава точка D така, че радиусът на окръжността, описана около $\triangle ADC$, е равен на 7. Радиусът на окръжността, описана около $\triangle BDC$, е равен на:

- А) 7; Б) 5; В) 8; Г) 14; Д) 6.

17. В правилна четириъгълна пирамида основният ръб е равен на a , а околните ръбове на $-2a$. Косинусът на ъгъла между околната страна и равнината на основата е равен на:

- А) $\frac{\sqrt{3}}{3}$; Б) $\frac{\sqrt{15}}{15}$; В) $\frac{\sqrt{17}}{16}$; Г) $\frac{\sqrt{2}}{3}$; Д) $\frac{\sqrt{3}}{4}$.

18. Голямата основа на трапец е равна на 16cm , а средната му отсечка е равна на 12cm . Дължината на отсечката, съединяваща средите на диагоналите на трапеца, е равна на:

- А) 2cm ; Б) 3cm ; В) 4cm ; Г) 5cm ; Д) 1cm

19. Пресечната точка на диагоналите на една от стените на куб е съединена с върховете на срещуположната стена. Отношението на обема на получената пирамида към обема на куба е равно на:

- А) 1:2; Б) 1:4; В) 1:3; Г) 1:5; Д) 2:3.

20. Числата a, b и c са различни от нула и в посочения ред са последователни членове на геометрична прогресия. Числата $a, 2b$ и $3c$ в посочения ред са последователни членове на аритметична прогресия. Ако частното q на геометричната прогресия не е цяло число, то q е равно на:

А) $-\frac{1}{7}$; Б) $-\frac{2}{5}$; В) $-\frac{1}{3}$; Г) $\frac{2}{5}$; Д) $\frac{1}{3}$.

21. Да се реши неравенството $\frac{(x-1)(x+2)^2}{-2-x} < 0$.

22. Да се реши уравнението $x^2 \cdot 2^{x+1} + 2^{|x-3|+2} = x^2 \cdot 2^{|x-3|+4} + 2^{x-1}$.

23. Да се реши системата $\begin{cases} 2y^2 - 4xy + 3x^2 = 17 \\ y^2 - x^2 = 16 \end{cases}$.

24. Да се реши уравнението $\cot g 2x - tg 2x = \frac{2}{3} tg 4x$.

25. Ъглополовящите AL и CD на равнобедрения $\triangle ABC$ се пресичат в точка O ; $BL = 12\text{cm}$, $CO : OD = 4 : 3$. Да се намери основата AB .

26. В окръжност с радиус $7\sqrt{3}\text{cm}$ е вписан остроъгълен триъгълник. Едната му страна е 21cm , а другите две се отнасят както $5 : 8$. Да се намерят неизвестните страни.

27. От колода от 52 карти изваждаме по случаен начин 4 карти. Да се намери вероятността извадените карти да са от различен цвят.

28. Каква е вероятността да се напише думата „мир“, ако се избират по произволен начин 3 различни букви от думата „романтичен“?

29. Един параход изразходва a тона въглища в час, независимо дали е в движение, или не. По време на движение той изразходва допълнително количество въглища, което е право пропорционално на третата степен от скоростта му. При каква скорост на парахода ще са нужни най-малко въглища за изминаване на един километър път?

30. При коя стойност на a корените на уравнението $2x^2 + 6x + a = 0$ удовлетворяват условието $\frac{x_1}{x_2} + \frac{x_2}{x_1} < 2$.

отговорите са на следващата страница...

Отговори на теста за ТУ-София:

1. Б) 2. Г) 3. Б) 4. В) 5. Б) 6. Д) 7. Г) 8. А) 9. Г) 10. Б)
11. А) 12. Б) 13. Б) 14. А) 15. Г) 16. А) 17. Б) 18. В) 19. Б) 20. Д)

Всяка задача от 1 до 20 има само един верен отговор. За всеки верен отговор получавате по 1 точка. За грешен или непълнен отговор, както и за посочени повече от един отговор на една задача, точки не се дават и не се отнемат.

Задачи със свободен отговор:

21. ?.
22. ?.
23. ?.
24. ?.
25. ?.
26. ?.
27. ?.
28. ?.
29. ?.
30. ?.

За всеки верен отговор на задача от 21 до 30 получавате по 2 точки. За грешен или непълнен отговор, за нечетлив текст, както и за посочени повече отговори на една задача, точки не се дават и не се отнемат.

Максимален брой точки за теста: 40.

ТЕСТ за УНСС на следващата страница...

ТЕСТ за УНСС (Университет за Национално и Световно Стопанство)

1. Множеството от всички недопустими стойности за x в уравнението

$$\frac{2-x}{|x-10|} + \frac{x}{(2x^2+3)} = \frac{1}{x^2-16} \text{ е:}$$

- А) $\{0;10\}$; Б) $\{-4;0;10\}$; В) $\{\pm 4;10\}$; Г) $\{10;4\}$; Д) $\{\pm 4\}$.

2. След преобразуване на израза $\sqrt{\frac{4}{x} + \frac{1}{4x^{-1}}} - 2 + \sqrt{\frac{1}{4x^{-1}} + \frac{2^{-2}}{x} + \frac{1}{2}}$ се получава:

- А) $\frac{5}{\sqrt{x}}$ при $x \in (0;4)$ и $\frac{x-3}{\sqrt{x}}$ при $x \in (4;+\infty)$;
Б) $\frac{5}{2\sqrt{x}}$ при $x \in (0;4)$ и $\frac{2x-3}{2\sqrt{x}}$ при $x \in [4;+\infty)$;
В) $\frac{3x}{5\sqrt{x}}$ при $x \in (-\infty;0)$ и $\frac{\sqrt{x}}{x-3}$ при $x \in (0;3)$;
Г) $\frac{2\sqrt{x}}{5}$ при $x \in \left(0; \frac{1}{4}\right)$ и $\frac{2\sqrt{x}}{2x-3}$ при $x \in \left[\frac{1}{4}; +\infty\right)$;
Д) \sqrt{x} при $x \in (0;4)$ и $2\frac{\sqrt{x-3}}{\sqrt{x}}$ при $x \in [4;+\infty)$.

3. Пресметнете $10^{0,5 - \lg(0,375 \cdot \sqrt{10})} - \log_{2\sqrt{2}} 0,0625$.

- А) $\frac{3}{16}$; Б) $\frac{1}{8}$; В) 3; Г) $\frac{3}{8}$; Д) $\frac{16}{3}$.

4. За закупуване на телевизор с цена 3310 лв. е сключен договор за изплащане на три равни месечни вноски при 10% лихва на месец върху оставащата сума. Месечната вноска е:

- А) 1103,33; Б) 1213,67; В) 1300; Г) 1313; Д) 1331.

5. Намерете всички стойности на параметъра a , за които неравенството $\frac{x-2a-3}{x-a+2} < 0$ е изпълнено за всяко x в интервала $1 \leq x \leq 2$.

- А) $a \in \left(-\frac{1}{2}; 3\right)$; Б) $a \in (-2; 3)$; В) $a \in \left[-\frac{1}{2}; 3\right]$; Г) $a \in [-2; 3]$; Д) $a \in \left(-\frac{1}{2}; \frac{1}{3}\right)$.

6. Дадена е функцията $f(x) = 2ax + b$. Ако $f(0) = 1$ и $f(2) = 3$, то $f(x)$ е:

- А) $f(x) = 3x - 2$; Б) $f(x) = 3x - 1$; В) $f(x) = 2x + 2$; Г) $f(x) = x + 1$;
Д) $f(x) = x - 1$.

продължава на следващата страница...

7. Да се реши неравенството $\frac{1}{|x|-3} < \frac{1}{2}$.

- А) $x \in (-\infty; -5) \cup (5; +\infty)$; Б) $x \in (-\infty; -5) \cup (-3; 3) \cup (5; +\infty)$; В) $x \in (-3; 3)$;
Г) $x \in (-\infty; -3) \cup (-3; 3)$; Д) $x \in (-5; 5)$.

8. Решението на неравенството $x - 1 < \sqrt{7 - x}$ е:

- А) $x \in (-\infty; 3)$; Б) $x \in (3; +\infty)$; В) $x \in [3; 5)$; Г) $x \in (-\infty; -3)$; Д) $x \in (-\infty; +\infty)$.

9. Разликата от решенията на уравненията: ; Г) $\log_3(5 + 4\log_3(x - 1)) = 2$ и

$5^{2x-1} + 5^{x+1} = 250$ е:

- А) 1; Б) 2; В) -2; Г) 3; Д) 4.

10. Допустимите стойности на функцията $f(x) = \sqrt{1 - 6 \cdot 3^x + 3^{2(x+1)}}$ са:

- А) $x \geq \frac{1}{3}$; Б) $x \in \left(-\infty; \frac{1}{3}\right)$; В) $x \in \left[\frac{1}{3}; +\infty\right)$; Г) $x \geq 0$; Д) $x \in (-\infty; +\infty)$.

11. Общият член на една числова редица е $a_n = n^2 - n$. Кои от числата 0;2;-3;4;6;72 са членове на редицата:

- А) 1;-3;4; Б) 0;4; В) 2;6; Г) 0;2;6; Д) 0;2;6;72.

12. За кои стойности на параметъра a уравнението има само положителни решения?

- А) $a \in \left(-\infty; -\frac{3}{2}\right)$; Б) $a \in (-1; +\infty)$; В) $a \in \left(-\frac{3}{2}; -1\right)$; Г) $a \in \left[-\frac{3}{2}; -1\right]$;
Д) $a \in \left[-\frac{1}{3}; -1\right]$.

13. Решението на системата $\begin{cases} |x - y| = 12y - 11 \\ y + 1 = 2x \end{cases}$ е:

- А) $\left\{\left(\frac{23}{24}; \frac{23}{25}\right)\right\}$; Б) $\left\{\left(\frac{24}{25}; \frac{23}{25}\right)\right\}$; В) $\left\{\left(\frac{21}{24}; \frac{22}{25}\right)\right\}$; Г) $\left\{\left(\frac{24}{21}; \frac{25}{22}\right)\right\}$; Д) $\left\{\left(\frac{23}{25}; \frac{24}{25}\right)\right\}$.

14. Пресметнете $\frac{2}{3 + 4\cos 2\alpha}$, ако $\operatorname{tg} \alpha = 0,2$.

- А) $\frac{26}{87}$; Б) $\frac{87}{26}$; В) $\frac{6}{7}$; Г) $\frac{7}{6}$; Д) $\frac{3}{4}$.

15. Решенията на уравнението $4 \sin x \cdot \sin\left(x + \frac{\pi}{3}\right) \sin\left(x + \frac{2\pi}{3}\right) + \cos 3x = 1$ са:

- А) $\frac{2\pi}{3}$; Б) $\frac{2\pi}{3} + n$; В) $\frac{(4k+1)\pi}{6}$; Г) $\frac{2\pi}{3}; \frac{(4k+1)\pi}{6}$; Д) $x \in \emptyset$.

продължава на следващата страница...

16. На колко е равна сумата $\frac{1}{6} + \frac{1}{12} + \frac{1}{20} + \dots + \frac{1}{n^2 + 3n + 2}$?

А) $\frac{n}{2n+4}$; Б) $\frac{2n}{n^2+4}$; В) $\frac{3n+1}{n}$; Г) $\frac{2n+4}{n+2}$; Д) $\frac{n^2+2}{2n+4}$.

17. Пресметнете $\operatorname{tg}105^\circ$.

А) $\sqrt{2}+3$; Б) $-2+\sqrt{3}$; В) $-2-\sqrt{3}$; Г) $\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$; Д) $\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}$.

18. Да се пресметне границата: $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{6}} \frac{\sin\left(x - \frac{\pi}{6}\right)}{\frac{\sqrt{3}}{2} - \cos x}$.

А) $-\frac{1}{2}$; Б) -2 ; В) $\frac{1}{2}$; Г) 2 ; Д) 1 .

19. Намерете първата производна на функцията: $f(x) = \sin^2 \frac{x^2+1}{x^2-1}$.

А) $\cos^2 \frac{x^2+1}{x^2-1}$; Б) $2 \sin \frac{x^2+1}{x^2-1} \cos \frac{x^2+1}{x^2-1}$; В) $-2 \sin \frac{x^2+1}{x^2-1} \cos \frac{x^2+1}{x^2-1}$;
Г) $-4 \sin \frac{x^2+1}{x^2-1} \cos \frac{x^2+1}{x^2-1}$; Д) $-\frac{4x}{(x^2-1)^2} \sin \frac{x^2+1}{x^2-1} \cos \frac{x^2+1}{x^2-1}$.

20. Стойността на границата $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin(x-1)}{x^2-4x+3}$ е:

А) $\frac{1}{2}$; Б) $-\frac{1}{2}$; В) 2 ; Г) ± 2 ; Д) 3 .

21. Кои от наредените двойки $(a_1; q)$ са решения на геометричната прогресия

$$\begin{cases} a_1 - a_3 + a_5 = -65 \\ a_1 + a_7 = -325 \end{cases} ?$$

А) $(-3; 4); (2; 5)$; Б) $(5; -2); (-2; 5)$; В) $(-1; 1); (-2; 2)$; Г) $(-5; 2); (-5; -2)$;
Д) $(a_1; q) \in \emptyset$.

22. Дадена е редицата с общ член $a_n = \frac{2n-3}{n}$. За кои стойности на n $|a_n - 2| < 0,01$?

А) $n \leq 299$; Б) $n \leq 299$; В) $n \leq 300$; Г) $n \geq 300$; Д) $n \geq 301$.
продължава на следващата страница...

23. Колко решения има системата уравнения $\begin{cases} |x| + |y| = 1 \\ x^2 + y^2 = a^2 \end{cases}$?

- А) \emptyset , ако $|a| < \frac{\sqrt{2}}{2}$ или $|a| > 1$; Б) 4, ако $|a| = \frac{\sqrt{2}}{2}$ или $|a| = 1$;
 В) 8, ако $\frac{\sqrt{2}}{2} < |a| < 1$; Г) 4, ако $|a| = \frac{\sqrt{2}}{2}$ или $|a| = 1$; 8, ако $\frac{\sqrt{2}}{2} < |a| < 1$;
 Д) \emptyset , ако $|a| < \frac{\sqrt{2}}{2}$ или $|a| > 1$; 4, ако $|a| = \frac{\sqrt{2}}{2}$ или $|a| = 1$; 8, ако $\frac{\sqrt{2}}{2} < |a| < 1$.

24. Решенията на неравенството $\sqrt{5 - 2 \sin x} \geq 6 \sin x - 1$ са:

- А) $\left[(12k - 7)\frac{\pi}{6}; (12k + 1)\frac{\pi}{6} \right], k \in \mathbb{Z}$; Б) $\left((12k - 7)\frac{\pi}{6}; (12k + 1)\frac{\pi}{6} \right), k \in \mathbb{Z}$;
 В) $\left[(8k - 7)\frac{\pi}{6}; (12u + 1)\frac{\pi}{6} \right], k \in \mathbb{Z}$; Г) $\left[(8k + 7)\frac{\pi}{6}; (8k - 7)\frac{\pi}{6} \right], k \in \mathbb{Z}$;
 Д) $\left[(6k + 5)\frac{\pi}{3}; (6k - 5)\frac{\pi}{3} \right], k \in \mathbb{Z}$.

25. Намерете най-голямата и най-малката стойност на функцията

$f(x) = 2.2^{3x} - 9.2^{2x} + 12.2^x$ в интервала $[-1; 1]$.

- А) $\min_{x \in [-1; 1]} f(-1) = f(1) = 4$; $\max_{x \in [-1; 1]} f(0) = 5$; Б) $\min_{x \in [-1; 1]} f\left(-\frac{1}{2}\right) = 1$; $\max_{x \in [-1; 1]} f\left(\frac{1}{2}\right) = 3$;
 В) $\min_{x \in [-1; 1]} f(-1) = 4$; Г) $\max_{x \in [-1; 1]} f(0) = 5$; Д) няма такива стойности.

26. Ъгловите коефициенти k на допирателните към графиката на функцията

$f(x) = x^2 - 11x + 24$ в пресечните и точки с абсцисната ос са:

- А) $k_1 = 3; k_2 = 4$; Б) $k_1 2; k_2 = -\frac{1}{2}$; В) $k = 7; k = 0$; Г) $k_{1,2} = \pm 5$; Д) $k_1 = 0; k_2 = -1$.

27. Редицата с общ член $a_n = \frac{n^2 - n + 1}{n^2 + n + 1}, n \in \mathbb{N}$ е:

- А) ограничена отгоре; Б) ограничена отдолу; В) ограничена отгоре и отдолу;
 Г) монотонно намаляваща; Д) монотонно растяща.

28. В успоредника $ABCD$ е прекаран диагональт BD . Права успоредна на AD , пресича AB в точка M , CD в точка N и BD в точка P . Кои от пропорциите са верни:

а) $\frac{DP}{PB} = \frac{DN}{NC}$; б) $\frac{AM}{NC} = \frac{DP}{PB}$; в) $\frac{AM}{NC} = \frac{PN}{PM}$.

- А) само а); Б) а); б) и в); В) само б); Г) само а) и б); Д) само б) и в).

продължава на следващата страница...

29. Върху страната AC на $\triangle ABC$ е избрана точка D , така, че $\angle CBD = \angle BAC$. Ако $AD = 16$ и $CD : BC = 1 : 3$, дължината на страната BC е:
 А) 6; Б) 2; В) 9; Г) 12; Д) 18.
30. В $\triangle ABC$ $AC = 7; BC = 9$ и медианата $CM = 5$. Дължината на страната AB е:
 А) 8; Б) $\sqrt{130}$; В) $2\sqrt{10}$; Г) $4\sqrt{10}$; Д) 10.
31. В $\triangle ABC$, $AC = 4, BC = \sqrt{2}, \angle A = \alpha$ и $\angle B = \alpha + 45^\circ$. На колко е равен $\cot g \alpha$?
 А) 1; Б) $\sqrt{2}$; В) $2\sqrt{2}$; Г) 3; Д) $\frac{\sqrt{2}}{2}$.
32. През точка P , външна за окръжността, е прекарана права, пресичаща окръжността в точките A и B и друга права, пресичаща окръжността в точките C и D , като $AB : BP = 5 : 3$ и $CD : DP = 1 : 2$. Отношението $AB : CD$ е:
 А) 2:1; Б) 5:2; В) 8:3; Г) 1:2; Д) 2:5.
33. В успоредника $ABCD$ с остър ъгъл при върха A е спусната височината DH към AB , като $AH = 4$ и $HB = 6$. Да се намери дължината на AD , ако периметърът на $\triangle AHD$ е два пъти по-малък от периметъра на четириъгълника $HBCD$.
 А) 4; Б) 6; В) 8; Г) 10; Д) 5;
34. В вписания в окръжност четириъгълник $ABCD$ са дадени $\angle D = 120^\circ, \angle A : \angle C = 1 : 3$. На колко са равни $\angle A, \angle B$ и $\angle C$ на четириъгълника, взети в този ред?
 А) $45^\circ; 60^\circ; 90^\circ$; Б) $45^\circ; 135^\circ; 60^\circ$; В) $135^\circ; 60^\circ; 45^\circ$; Г) $60^\circ; 45^\circ; 135^\circ$; Д) $45^\circ; 60^\circ; 135^\circ$.
35. В $\triangle ABC$, $AC = BC + 1, AB = AC + 1$ и $\sin \beta = \frac{4}{5}$. Дължината на страната BC е равна на:
 А) 2; Б) 3; В) 4; Г) 5; А) 6.
36. Даден е изпъкнал четириъгълник $ABCD$, в който диагоналите AC и BD са взаимно перпендикулярни, $AC + BD = 23$ и $AC - BD = 7$. Лицето на четириъгълника $ABCD$ е равно на:
 А) 30; Б) 120; В) 60; Г) 161; Д) 61.
37. Дадена е права четириъгълна призма $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ с околен ръб 12. Основата на призмата е ромб $ABCD$ със страна 10 и остър $\angle A = 60^\circ$. Диагоналите на горната основа се пресичат в точката O_1 . Да се намери дължината на отсечката $O_1 B$.
 А) 13; Б) 6; В) $\sqrt{69}$; Г) 24; Д) $\sqrt{119}$;
38. Отсечките AB и CD лежат в две пресичащи се равнини α и β и $AB \parallel CD$. На колко е равно разстоянието между отсечките, ако $AD = 5$ и перпендикулярите спуснати съответно от точките A и D към пресечницата на двете равнини я пресичат в точките E и M , като $EM = 4$?
 А) 1; Б) 2; В) 3; Г) 4; Д) 5.

39. Дадена е триъгълна призма $ABCA_1B_1C_1$ с основа правоъгълният $\triangle ABC$, в който $\angle ABC = 90^\circ$, $AB = 4$ и $BC = 2$. Ортогоналната проекция на върха C_1 в равнината (ABC) е точката A . Околният ръб CC_1 сключва с равнината (ABC) ъгъл 45° . Обемът на призмата е:

А) 16; Б) 8; В) $8\sqrt{5}$; Г) $16\sqrt{5}$; Д) 80.

40. Дадена е сфера с радиус 4. Две кълба с дължини на радиусите r и R се допират външно едно до друго, вътрешно до сферата и центровете им лежат на диаметър на сферата. При какви стойностти на r и R сборът от обемите на кълбата е най-малък?

А) $r = 3; R = 1$; Б) $r = R = 4$; В) $r = 1; R = 3$; Г) $r = R = 2$; Д) $r = 3; R = 4$.

отговорите са на следващата страница...

Отговори на теста за УНСС:

- | | | | | | | | | | |
|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| 1. В) | 2. Б) | 3. Д) | 4. Д) | 5. А) | 6. Г) | 7. Б) | 8. А) | 9. В) | 10. Г) |
| 11. Д) | 12. В) | 13. Б) | 14. А) | 15. Г) | 16. А) | 17. В) | 18. Г) | 19. Д) | 20. Б) |
| 21. Д) | 22. Д) | 23. Д) | 24. А) | 25. А) | 26. Г) | 27. Б) | 28. А) | 29. А) | 30. Г) |
| 31. Г) | 32. Б) | 33. Д) | 34. Б) | 35. Б) | 36. В) | 37. А) | 38. В) | 39. А) | 40. Г) |

Всяка задача от 1 до 40 има само един верен отговор. За всеки верен отговор получавате по 1 точка. За грешен или непълнен отговор, както и за посочени повече от един отговор на една задача, точки не се дават и не се отнемат.

Максимален брой точки за теста: 40.

*Сваляйте безплатно новите броеве на списание „ВАРИАНТИ” на адрес:
<http://www.lazarovi.com/online-baza/>
Успех!*

Уважаеми читатели, съдържанието на това списание е съобразено с програмата на МОН, но главната му цел е да подпомогне обучението на учениците на фирма „Братя Лазарови”. Фирмата има специализирана методика на преподаване, която включва материал по математика с повишена трудност, който се изучава в следващия клас в училище.

©1992-2008 Списание по математика „ВАРИАНТИ”[®], една продукция на фирма за уроци по математика „Братя Лазарови”. Всички права запазени.