



ВАРИАНТИ[®]

списание по математика

КАНДИДАТ-СТУДЕНТИ

(примерни теми за СУ, ТУ, УНСС)
Брой 2 – 2008 г.

Съдържание:

ТЕМА за СУ (Софийски Университет „Св. Климент Охридски”).....	2
ТЕСТ за ТУ (Технически Университет – София)	5
ТЕСТ за УНСС (Университет за Национално и Световно Стопанство)	10

ТЕМА за СУ (Софийски Университет „Св. Климент Охридски“)

1. Решете неравенството $\frac{1 - \lg x + \lg(x+3)}{1 - \lg x} \geq 2$.

2. Дадено е уравнението $(m-1)x^2 - (2m-1)x + m + 5 = 0$. Ако $m = \log_{\sqrt[3]{5}} a$, а $p > 0$ е дадена константа, при какви стойности на a е в сила неравенството $m^6 + 3pm^5 - 81p^4m^2 - 243p^5m < 0$?

3. Дадено е квадратното уравнение $(m-1)x^2 - (2m-1)x + m + 5 = 0$. Намерете стойностите на m така, че x_1 и x_2 да са реални. Нека m е реално и $m \neq 1$. Да се намери a така, че изразът $S = (x_1 - a)(x_2 - a)$ да не зависи от m .

4. Дадено е квадратното уравнение $x^2 + \sqrt{9 - p^2}x + p - 5 = 0$, където p е реален параметър. Ако x_1 и x_2 са корени на уравнението намерете най-голямата стойност на функцията $\varphi(p) = \frac{x_1}{x_2} + \frac{x_2}{x_1}$.

5. Решете системата
$$\begin{cases} |\log_a x| < 1 \\ \frac{n}{1 - \log_a x} > \frac{1}{\log_a x} \end{cases}$$
, където $a > 1$ и $n \in \mathbb{N}$.

6. За една аритметична прогресия е дадено
$$\begin{cases} a_5 + a_6 = k^2 - k \\ a_2 - S_4 - a_5 = -k^2 + k - 2 \end{cases}$$
, където k е реален параметър. Напишете първите шест члена на геометрична прогресия, ако първият член на аритметичната прогресия е равен на първият член на геометричната прогресия и частното на геометричната прогресия $q = y_{\max}$ на функцията $y = \frac{x}{1 + x^2}$.

7. Даден е успоредникът $ABCD$. Ъглополовящата на острия му ъгъл пресича CD в точка M така, че $\frac{CM}{DM} = m$. Докажете, че $m \operatorname{tg} \frac{\alpha}{2} = (m+2) \operatorname{tg} \varphi$ и намерете лицето на $\triangle ADP$ при $m = 3$ и $S_{ABCD} = 24$, ако диагонален BD пресича AM в точка P .

8. Даден е равнобедрен трапец с основи AB и CD и диагонал $AC = AB + CD$. Да се докаже, че ако точка O е пресечната точка на диагоналите на трапеца, а точките M, N и P са съответно средите на отсечките AO, BC и DO , то $\triangle MNP$ е равностранен.

9. Напишете уравнението на общите допирателни към графиките на параболите $y = x^2$ и $y = -x^2 + 3x - 2$.

продължава на следващата страница...

10. Дадена е пирамида $ABCS$ с връх S и основа $\triangle ABC (\angle C = 90^\circ)$, с катети $AB = 5\text{cm}$ и $AC = 3\text{cm}$. В пирамидата е вписан цилиндър с околна повърхнина $S = \frac{8\pi}{3}$. Намерете радиуса на основите на цилиндъра, ако околният ръб на пирамидата $SC = \sqrt{38}$.
отговорите са на следващата страница...

Отговори на темата за СУ:

Задачи със свободен отговор:

1. $x \in [2; 10)$.

2. $1 < a < p^5$.

3. $m \leq \frac{21}{20}$, $a = 6$.

4. $\max \varphi(-3) = \varphi(3) = -2$
 $p \in [-3; 3]$

5. $\forall x \in \left(\frac{1}{a}; 1\right) \cup \left(\sqrt[n+1]{a}; a\right)$.

6. $\frac{\infty}{\infty} \left\{ 1; \frac{1}{2}; \frac{1}{4}; \frac{1}{8}; \frac{1}{16}; \frac{1}{32} \right\}$.

7. $S_{ADP} = 2,4 \text{ cm}^2$.

8. $MN = MP = NP = \frac{1}{2} \sqrt{a^2 + ab + b^2}$.

9. $y = \frac{3 + \sqrt{7}}{2}x - \frac{8 + 3\sqrt{7}}{8}$ и $y = \frac{3 - \sqrt{7}}{2}x + \frac{8 - 3\sqrt{7}}{8}$.

10. Съществуват два цилиндъра с тази околна повърхнина, съответно с радиуси:

$r = \frac{2}{3}; r = \frac{1}{3}$.

Всяка задача от 1 до 10 носи 4 точки.

Оценката се изчислява по формулата: $O = 2 + \frac{k}{10}$, където k е броят на получените точки.

ТЕСТ за ТУ на следващата страница...

ТЕСТ за ТУ (Технически Университет – София)

1. Множеството от недопустимите стойности за x в уравнението

$$\frac{2-x}{|x-10|} + \frac{x}{2x^2+3} = \frac{1}{x^2-16} \text{ е:}$$

А) $\{\pm 4\}$; Б) $\{10\}$; В) $\{-4;10\}$; Г) $\{\pm 4;10\}$; Д) $\{\pm 2\}$.

2. След опростяване на израза $\frac{\{(x-1)^3 - x[(x+1)(x-3) - x+6]\}^{2n}}{x^{n-1}y : xy^{x+1}} \cdot \left(\frac{x}{y}\right)^n$, при

$x \neq 0, y \neq 0, n \in \mathbb{Z}$, се получава:

А) -1 ; Б) 0 ; В) 1 ; Г) 2 ; Д) -2 .

3. Опростете изразът $F(x) = \left(\frac{x-4}{4x} + \frac{x-12}{4x-16} - \frac{x+4}{4x-x^2}\right) : \frac{1}{2x}$. Видът на графиката на

функцията $F(x)$ е:

А) права линия; Б) парабола; В) Кубична функция; Г) биквадратна функция;
Д) начупена линия.

4. Множеството от допустимите стойности на x в израза $\frac{4-x}{|x-4|} + \frac{x}{|x|-4}$ е:

А) $x \in (-2;4)$; Б) $x \in (-1;4]$; В) $x \in \mathbb{Q} \setminus \{\pm 4\}$; Г) $x \in \emptyset$; Д) $x \in (-\infty;4]$.

5. Ако вместо * напишете такъв нормален многочлен, че полученото равенство

$$\frac{xy - x^2}{x - y^2} = -\frac{*}{x - y^2}; x \neq y \text{ да бъде тъждество, то този многочлен е:}$$

А) $x - y$; Б) $x^2 - xy$; В) $x^2 - y$; Г) $x^2 - y^2$; Д) $x^2 + y$.

6. Кой от изразите $A = \left[\left(\frac{7^2}{7^5}\right)^{-3} \cdot \left(\frac{7^9}{7^4}\right)^{-2}\right]^{-2}$, $B = \left(\frac{0,1^5 \cdot 0,1^{-7}}{0,1^6}\right)^{-1} \cdot \frac{0,1^0}{0,1^7}$, $V = \frac{\left[\left(\frac{1}{4}\right)^6 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^{-4} \cdot 16\right]^{-6}}{(4^2 \cdot 4^{-5})^{-1}}$,

$\Gamma = \frac{2^3 \cdot 8 + 2^{-4} \cdot 2^5 \cdot 2^4}{32} - \left(\frac{1}{2}\right)^{-2}$ или $D = \left(\frac{36 \cdot 6^{-2}}{2^{-3} \cdot 8}\right)^{-3}$ има най-малка стойност?

А) А; Б) Б; В) В; Г) Г; Д) Д.

7. Корените на уравнението $x^2 - 10x + 22 = 0$ са числата:

А) $5 + \sqrt{3}; 5 - \sqrt{3}$; Б) $\sqrt{3} - 5; \sqrt{3} + 2$; В) $3 + \sqrt{3}; 3 - \sqrt{3}$; Г) $5 + \sqrt{2}; 5 - \sqrt{2}$;
Д) $2 + \sqrt{2}; 3$.

продължава на следващата страница...

8. Стойността на израза $\frac{\sqrt{21}-\sqrt{7}}{\sqrt{21}+\sqrt{7}} + \frac{\sqrt{21}+\sqrt{7}}{\sqrt{21}-\sqrt{7}}$ е:

А) 3; Б) 4; В) 5; Г) 6; Д) 7.

9. Изразът $\frac{\sqrt{4^4} + \sqrt{(-6)^6} + \sqrt{2^2} \cdot \sqrt{(-8)^8}}{\sqrt{\left(\frac{1}{4}\right)^{-4}} + \sqrt{\left(\frac{1}{6}\right)^{-6}} + \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^{-2}} \cdot \sqrt{\left(\frac{1}{8}\right)^{-8}}$ има стойност:

А) 0; Б) 1; В) 2; Г) 3; Д) 4.

10. Колко страни има многоъгълник, ако диагоналите му са 77?

А) 10; Б) 12; В) 13; Г) 14; Д) 11.

11. За кои стойности на реалния параметър m корените на уравнението

$(m-2)x^2 - (2m+1)x + m - 1 = 0$ са реални и различни?

А) $m \in \left(-\frac{7}{16}; 2\right)$; Б) $m \in (2; +\infty)$; В) $m \in \left(\frac{7}{16}; 2\right) \cup (2; +\infty)$; Г) $m \in \emptyset$; Д) $m \in (-4; 0]$.

12. Определете за кои стойности на реалния параметър m в уравнението

$x^2 - (2m+3)x + m^2 + 3m = 0$ е изпълнено неравенството $x_1 < 1 < x_2 < 5$, ако x_1 и x_2 са

негови корени:

А) $m \in (-2; 1)$; Б) $m \in (0; 1)$; В) $m \in (1; +\infty)$; Г) $m \in \emptyset$; Д) $m \in (-\infty;]$.

13. За кои стойности на параметъра a уравненията $x^2 - ax + 5 = 0$ и $x^2 + 5x - a = 0$ имат общ корен?

А) $a = 6$; Б) $a = 5$; В) $a_1 = 2; a_2 = 3$; Г) $a_1 = 6; a_2 = -5$; Д) $a_1 = -2; a_2 = 4$.

14. Решението на системата неравенства $\begin{cases} x^2 - 12x + 6 \geq 0 \\ 25x^2 - 287x \leq 0 \end{cases}$ е:

А) $x \in (0; 6)$; Б) $x \in [0; 6 - \sqrt{30}] \cup \left[6 + \sqrt{30}; \frac{287}{25}\right]$; В) $x \in [0; 6 - \sqrt{30}) \cup \left(6 + \sqrt{30}; \frac{287}{25}\right]$;
Г) $x \in \emptyset$; Д) $x \in (-\infty; 6 - \sqrt{30}]$.

15. Кои са целите стойности на x в $D.C.$ на $f(x) = \sqrt{2x^2 - 10x + 13} - \frac{\sqrt{17x - 2x^2 - 33}}{\sqrt{2x^2 + 13x + 20}}$?

А) 3,4,5; Б) 5,6,7; В) 2,3,5; Г) 6,7,8; Д) 7,8,9.

16. За кои стойности на параметъра a всяко решение на неравенството $\frac{3x+1}{x^2+3} > 1$ е

решение и на неравенството $x^2 < ax$?

А) $a = 2$; Б) $a \geq 2$; В) $a < 2$; Г) $a > 2$; Д) $a \in (3; 5]$.

продължава на следващата страница...

17. Коя(и) от наредените двойки $(a_1; d)$ в системата $\begin{cases} S_5 - S_2 - a_5 = 0,1 \\ S_4 + a_7 = 0,1 \end{cases}$ са решението и?
 А) $(0,7;0,3)$; Б) $(-1;2);(3;4)$; В) $(-0,7;0,3)$; Г) $(3;4);(2;-1)$; Д) $(0,5;0,6)$.

18. Корените на уравнението $15^{\log_5 3} \cdot x^{\log_5 9x+1} = 1$ са:

А) $x_1 = \frac{1}{3}; x_2 = \frac{1}{15}$; Б) $x = -\frac{1}{3}$; В) $x = \frac{1}{15}$; Г) $x_1 = -\frac{1}{3}; x_2 = -\frac{1}{15}$; Д) $x_{1,2} = \pm \frac{1}{2}$.

19. Решете неравенството $\log_5 \log_6 \frac{6x-1}{x+1} < \log_{\frac{1}{5}} \log_{\frac{1}{6}} \frac{x+1}{6x-1}$ и запишете решението му:

А) $x \in \left(0; \frac{1}{2}\right)$; Б) $x \in [3; +\infty)$; В) $x \in \left(-\infty; \frac{1}{5}\right]$; Г) $x \in \left(\frac{2}{5}; +\infty\right)$; Д) $x \in [-\infty; 2)$.

20. Кои са всички решения на уравнението $3^{2x+1} - 4 \cdot 3^x + 1 = 0$, удовлетворяващи условието $\sin \frac{9+x}{x+0,5} > 0$?

А) 0; Б) 1; В) 2;3; Г) 0;2; Д) -1.

21. Решете уравнението $\sin\left(5x + \frac{\pi}{6}\right) - \frac{1}{2} \sin\left(\frac{\pi}{2} + 5x\right) = \frac{\sqrt{3}}{4}$.

22. Лицата на три от стените на правоъгълен паралелепипед са $2m^2, 3m^2, 6m^2$. Намерете обема му без да пресмятате дължините на ръбовете му.

23. Един от ъглите на триъгълник е 60° , а височината към срещуположната му страна е половината от радиуса на описаната около триъгълника окръжност. Намерете другите ъгли на триъгълника.

24. Диагоналът на правоъгълен паралелепипед е l и образува с две съседни околни стени на паралелепипеда ъгли α и β . Намерете обемът му.

25. От всички правоъгълни паралелепипеди с лице на основата $1m^2$ и диагонал $2m$ намерете този, който има най-голям обем.

26. Намерете ъгълът α при основата на равнобедрен триъгълник, ако се знае, че радиусът на вписаната окръжност е $\frac{4}{9}$ от радиуса на описаната около триъгълника окръжност.

27. Даден е куб с ръб a . Пресметнете дължината на най-краткия път по повърхнината на куба между върха A на куба и срещуположния му връх.

продължава на следващата страница...

28. Ромб със страна a и остър ъгъл α се върти около права, която лежи в равнината му, минава през върха на острия му ъгъл и е перпендикулярна на страната му. Намерете обемът и лицето на повърхнината на полученото ротационно тяло.

29. Опростете израза $f(x) = \left(\frac{\sqrt{x-2}}{\sqrt{x+2} + \sqrt{x-2}} + \frac{x-2}{\sqrt{x^2-4-x+2}} \right)^{-2} \cdot \left(\frac{x-1}{2(\sqrt{x+1})} + 1 \right) \cdot \frac{2}{\sqrt{x+1}}$ и пресметнете $f'(x)$.

30. Намерете най-голямата и най-малката стойност на функцията $f(x) = |x^3 - 3x^2 + 5|$ в затворения интервал $[0;3]$.

отговорите са на следващата страница...

Отговори на теста за ТУ-София:

1. Г) 2. В) 3. А) 4. В) 5. Б) 6. Г) 7. А) 8. Б) 9. Б) 10. Г)
11. В) 12. А) 13. Г) 14. Б) 15. А) 16. Б) 17. В) 18. А) 19. Г) 20. Б)

Всяка задача от 1 до 20 има само един верен отговор. За всеки верен отговор получавате по 1 точка. За грешен или непълнен отговор, както и за посочени повече от един отговор на една задача, точки не се дават и не се отнемат.

Задачи със свободен отговор:

21. $x_1 = (12k + 1)\frac{\pi}{30}; x_2 = (12k + 5)\frac{\pi}{30}$.
22. $6m^3$.
23. $15^\circ; 105^\circ$.
24. $l^3 \sin \alpha \sin \beta \sqrt{\cos(\alpha + \beta) \cos(\alpha - \beta)}$.
25. $1m, 1m, \sqrt{2}m$.
26. $70^\circ 29'$ или $48^\circ 13'$.
27. $a\sqrt{5}$.
28. $V = 2\pi a^3 \sin \alpha \cos^2 \frac{\alpha}{2}; S_1 = 8\pi a^2 \cos^2 \frac{\alpha}{2}$.
29. $\frac{1}{2}$.
30. $\min_{x \in [0;3]} f(x) = 1; \max_{x \in [0;3]} f(x) = f(0) = f(3) = 5$.

За всеки верен отговор на задача от 21 до 30 получавате по 2 точки. За грешен или непълнен отговор, за нечетлив текст, както и за посочени повече отговори на една задача, точки не се дават и не се отнемат.

Максимален брой точки за теста: 40.

ТЕСТ за УНСС на следващата страница...

ТЕСТ за УНСС (Университет за Национално и Световно Стопанство)

1. Кой от изразите $A = \left(5\frac{1}{2}\right)^{-8} \cdot \left(5\frac{1}{2}\right)^{12} \cdot \left(5\frac{1}{2}\right)^{-2}$, $B = 49 \cdot 7^{-5} \cdot 7^3 \cdot 7^{-1}$, $V = 0,25 \cdot 0,5^{-3} \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{-1} - 3 \cdot 2^2$, $\Gamma = \frac{3^6}{3^9} + \frac{0,3^2}{0,3^{-2}} - 0,0081$ или $D = \frac{5^{-8}}{5^{-10}} - 3^2 \cdot 2^{-3}$ има най-голяма стойност?

А) А; Б) Б; В) В; Г) Г; Д) Д.

2. Ако представите като степен с основа 4 изразът $\frac{4^{4n}}{4^n + 4^n + 4^n + 4^n}$, където $n \in Z$ се получава:

А) 4^{3n} ; Б) 4^{3n+1} ; В) 4^n ; Г) 4^{n+1} ; Д) 4^{3n-1} .

3. Ако наредената двойка $(x; y)$ е решение на системата
$$\begin{cases} y - 0,2(x - 2) = 1,4 \\ 2\frac{1}{2} - \frac{2y - 3}{4} = \frac{4x - y}{8} \end{cases}$$
, то

вярното решение е:

А) $(-1; 3)$; Б) $(5; 2)$; В) $(2; 5)$; Г) $(1; 8)$; Д) $(-5; -2)$.

4. Стойността на израза $\frac{6}{1 - \sqrt{6}} + \frac{6}{1 + \sqrt{6}}$ е:

А) 2,4; Б) -1,4; В) -2,4; Г) 1,4; Д) 1,5.

5. Решението на системата неравенства
$$\begin{cases} \frac{2x - 3}{5} - \frac{x - 7}{4} < \sqrt{3} \\ \frac{5x - \sqrt{6}}{3} - \frac{5x + \sqrt{6}}{12} > 5 \end{cases}$$
 е:

А) $x \in (-\infty; +\infty)$; Б) $x \in (-\infty; 2]$; В) $x \in [\sqrt{3}; \sqrt{6}]$; Г) $x \in (-\sqrt{3}; \sqrt{2})$; Д) $x \in \emptyset$.

6. Извършете коренуването $\sqrt{625x^{12}y^{26}z^{10}}$, ако $x > 0; y < 0; z < 0$.

А) $25x^6y^{13}z^5$; Б) $-25|x^6|y^{13}z^5$; В) $25x^6|y^{13}|z^5$; Г) $-25x^6y^{13}|z^5|$;
Д) $25x^6(-y^{13})(-z^5)$.

7. След опростяване на израза $\frac{\sqrt{a^2 - 2ab + b^2}}{\sqrt[4]{(b - a)^2}}$ се получава:

А) $\sqrt{b - a}; b < a$; Б) $\sqrt[3]{a - b}; a > b$; В) $b - a; b < a$; Г) $\sqrt[4]{b - a}; b > a$; Д) $|a - b|$.

продължава на следващата страница...

8. След рационализиране на знаменателя на дробта $\frac{1}{\sqrt{2}-\sqrt[3]{2}}$ получихте:

- А) $\frac{1}{2}(2\sqrt{2}+2\sqrt[3]{2})$; Б) $\frac{1}{2}(2\sqrt{2}+2\sqrt[3]{2}+2\sqrt[6]{2})$; В) $\frac{1}{2}(2\sqrt{2}+2\sqrt[3]{2}+2\sqrt[6]{2}+2\sqrt[6]{32})$;
Г) $2\sqrt{2}+2\sqrt[3]{2}+\sqrt[3]{4}$; Д) $\frac{1}{2}(2\sqrt{2}+2\sqrt[3]{2}+2\sqrt[6]{2}+2+\sqrt[6]{32}+\sqrt[3]{4})$.

9. Първият член a_1 и разликата d на аритметична прогресия, за която е в сила

системата $\begin{cases} a_2 + a_5 - a_3 = 10 \\ a_2 + a_9 = 17 \end{cases}$, са:

- А) $a_1 = -2; d = 10$; Б) $a_1 = 13; d = -1$; В) $a_1 = 11; d = -2$; Г) $a_1 = 3; d = 3$;
Д) $a_1 = 12; d = 6$.

10. След като приведете във вид удобен за логаритмуване изразът $1 + \frac{\sin\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right)}{\sin\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) - 1}$,

получавате:

- А) $2 \sin \alpha$; Б) $\frac{1}{2} \sin \alpha$; В) $\frac{1}{2} \sin \frac{\alpha}{2}$; Г) $\frac{1}{2} \sin^2 \frac{\alpha}{2}$; Д) $\sin^2 \frac{\alpha}{2}$.

11. Сумата на безкрайно намаляваща геометрична прогресия е равна на 12, а сумата от квадратите на членовете и е равна на 48. Сумата на първите и десет члена е:

- А) $\frac{306}{25}$; Б) 3069; В) $\frac{3069}{256}$; Г) 256; Д) $\frac{48}{256}$.

12. Стойността на границата $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2-1} - \sqrt{x^2+x-3}}{x^2-4}$ е:

- А) $-\frac{\sqrt{3}}{24}$; Б) $\frac{\sqrt{2}}{24}$; В) $\frac{\sqrt{3}}{24}$; Г) $-\frac{1}{24}$; Д) $\frac{1}{24}$.

13. Изчислете изразът $x_1^4 + x_2^4$, където x_1 и x_2 са корени на уравнението $3x^2 - 5x - 1$.

- А) 943; Б) $\frac{943}{81}$; В) $\frac{81}{943}$; Г) $-\frac{943}{81}$; Д) $-\frac{81}{943}$.

14. Колко са на брой корените на уравнението $x^4 + x^3 = 10$?

- А) 1; Б) 0; В) 3; Г) 4; Д) 2.

15. Най-малкото $x \in \mathbb{Z}$, удовлетворяващо неравенството $\frac{x-5}{x^2+5x-14} > 0$, е:

- А) $x = 1$; Б) $x = 2$; В) $x = -3$; Г) $x = -6$; Д) $x = 3$.

продължава на следващата страница...

16. Корените на уравнението $x^{3\lg x - \frac{1}{\lg x}} = \sqrt[3]{10}$ са:

- А) $x \in \{10; \sqrt[3]{10}\}$; Б) $x \in \left\{10^{\frac{2}{3}}; 10^{\frac{2}{3}}\right\}$; В) $x \in \{0; 10\}$; Г) $x \in \{\sqrt{10}; \sqrt[3]{10}\}$;
Д) $x \in \{\sqrt[3]{5}; \sqrt[3]{20}\}$.

17. Най-голямата и най-малката стойност на функцията $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x + 1$, при $x \in [-1; 5]$, са:

- А) $\min_{x \in [0; 1]} f(0) = 1; \max_{x \in [0; 1]} f(1) = -6$; Б) $\min_{x \in [1; 3]} f(1) = -6; \max_{x \in [1; 3]} f(3) = 46$;
В) $\min_{x \in [-1; 5]} f(1) = -6; \max_{x \in [-1; 5]} f(5) = 266$; Г) $\min_{x \in [-1; 5]} f(0) = 1; \max_{x \in [-1; 5]} f(-1) = 14$;
Д) няма екстремуми.

18. Корени на уравнението $\left(1 + \frac{1}{2x}\right) \lg 3 + \lg 2 = \lg(27 - \sqrt[3]{3})$ са:

- А) $\frac{1}{2}$; Б) 1; В) $\{-1; 3\}$; Г) 2; Д) $\frac{1}{3}$.

19. Уравнението $x^2 - 4x + 6 = \sqrt{2x^2 - 8x + 12}$ има за корени числата:

- А) 0; Б) 0; 1; В) -1; 0; 1; Г) 2; Д) -2; -1; 0; 1.

20. Неравенството $\sqrt{-x^2 + 6x - 5} > 8 - 2x$ има за решение:

- А) $x \in [3; 5]$; Б) $x \in (3; 5]$; В) $x \in (3; 5)$; Г) $x \in [3; 5]$; Д) $x \in \emptyset$.

21. Решение на системата $\begin{cases} (x^2 + y^2)xy = 78 \\ x^4 + y^4 = 97 \end{cases}$ е наредената двойка $(x; y)$. Но коя(и) от тях?

- А) $x \in (-3; -2) \cup \{0\}$; Б) $x \in (-3; -2) \cup \{0\}; x \in (-2; -3)$; В) $x \in \emptyset$;
Г) $x \in \{(-3; -2); (-2; -3); (2; 3)\}$; Д) $x \in \{(-3; -2); (-2; -3); (2; 3); (3; 2)\}$.

22. Решения на уравнението $2\cos^2 x - 1 = \sin 3x$ са:

- А) $(4k + 1)\frac{\pi}{10}; k \in \mathbb{Z}$; Б) $(4k - 1)\pi; k \in \mathbb{Z}$; В) $(k + 1)\frac{\pi}{5}; k \in \mathbb{Z}$; Г) $(3k - 1)\frac{\pi}{2}$;
Д) $(5k + 1)\frac{\pi}{3}$.

23. В $\triangle ABC$ ъглите при върховете A, B и C образуват аритметична прогресия. Най-малката страна на триъгълника е четири пъти по-малка от най-голямата му страна. На колко е равен тангенсът на най-малкия ъгъл на триъгълника?

- А) $\operatorname{tg} \alpha = \frac{7}{\sqrt{3}}$; Б) $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\sqrt{3}}{7}$; В) $\operatorname{tg} \alpha = -\frac{7}{\sqrt{3}}$; Г) $\operatorname{tg} \alpha = -\frac{\sqrt{3}}{7}$; Д) $\operatorname{tg} \alpha = \sqrt{3}$.

продължава на следващата страница...

24. Основите на прав паралелепипед са ромбове. Лицата на диагоналните сечения са равни на S_1 и S_2 . Лицето на околната повърхнина на паралелепипеда е:

А) $\sqrt{S_1 + S_2}$; Б) $\sqrt{S_1^3 + S_2^3}$; В) $2\sqrt{S_1^2 + S_2^2}$; Г) $2\sqrt{S_1^2 - S_2^2}$; Д) $2\sqrt{S_1^3 - S_2^3}$.

25. В пресечната точка на графиките на функциите $f(x) = \frac{6}{\sqrt{x}}$ и $g(x) = 12x^{-\frac{1}{2}} - 2x^{\frac{1}{2}}$ са построени допирателни към графиките на двете функции. На колко е равна разликата на ъглите, които тези допирателни сключват с положителната посока на оста Ox ?

А) $\frac{\pi}{6}$; Б) $\frac{\pi}{3}$; В) $\frac{\pi}{8}$; Г) $\frac{\pi}{4}$; Д) $\frac{\pi}{12}$.

26. Височината на правилна пресечена четириъгълна пирамида е равна на 3cm , обемът и е 38cm^3 , а лицата на основите и се отнасят, както $4:9$. Околната повърхнина на тази пирамида е:

А) $5\sqrt{19}\text{cm}^2$; Б) $10\sqrt{19}$; В) $\frac{2}{3}\sqrt{19}$; Г) $\sqrt{19}$; Д) $3\sqrt{19}$.

27. Две окръжности се допират външно. Радиусите им се отнасят, както $3:1$, а дължината на общите им външни допирателни е равна на $6\sqrt{3}$. Периметърът на фигурата, образувана от външните допирателни и външните части на окръжностите е:

А) $12(\pi + \sqrt{2})$; Б) $14\pi - \sqrt{2}$; В) $14\pi + 12\sqrt{3}$; Г) $14\pi - 12\sqrt{3}$; Д) $\pi - \sqrt{3}$.

28. Графиката на функцията $f(x) = \sqrt{-x+9} - \sqrt{-x+4}$ се пресича с правата $y = 1$, в точка с координати:

А) $(-1;0)$; Б) $(-1;1)$; В) $(-2;1)$; Г) $(0;1)$; Д) $f(x) \parallel y$.

29. Намерете DC на функцията $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2 - 10x + 25}}$.

А) $x \in (-\infty; +\infty)$; Б) $\forall x \in \mathbb{R} \setminus \{5\}$; В) $x \in [-\infty; 5)$; Г) $x \in (5; +\infty]$; Д) $x \in [2; 3] \cup (6; 9)$.

30. Ако $S'(x) = \frac{2}{\sqrt{5-x}}$ и $S(1) = -1$, то функцията $S(x)$ има вида?

А) $S(x) = 7 - 4\sqrt{5-x}$; Б) $S(x) = 5 - x\sqrt{5-x}$; В) $S(x) = x - 7\sqrt{7-x}$; Г) $S(x) = 3 - x\sqrt{x-3}$; Д) $S(x) = 4 - 7\sqrt{5-x}$.

31. Диагоналът на равнобедрен трапец е ъглополовяща на тъпия ъгъл. По-малката основа на трапеца е равна на 3cm , а периметърът му е 42cm . Колко cm^2 е лицето на трапеца?

А) 48; Б) 86; В) 96; Г) 102; Д) 95.
продължава на следващата страница...

32. От точка, лежаща на окръжност, са построени две хорди с дължини 10cm и 12cm . Ако разстоянието от средата на по-малката хорда до голямата е 4cm , радиуса на окръжността е:

- А) 6cm ; Б) $5,9\text{cm}$; В) $6,2\text{cm}$; Г) $6,25\text{cm}$; Д) 7cm .

33. Височината, основата и сумата на другите две страни на триъгълник са съответно 24cm , 28cm и 56cm . На колко са равни двете страни на триъгълника?

- А) $22\text{cm}; 23\text{cm}$; Б) $25\text{cm}; 27\text{cm}$; В) $28\text{cm}; 31\text{cm}$; Г) $29\text{cm}; 32\text{cm}$; Д) $26\text{cm}; 30\text{cm}$.

34. Диагоналите на основото сечение на пресечен конус се делят от пресечната им точка в отношение $2:1$, считано откъм голямата основа на конуса. Ъгълът между диагоналите, обърнат към основите на конуса е равен на α . Ако дължината на диагонала е равна на l , обемът на пресечения конус е:

- А) $\frac{7}{54}\pi^3 \sin \alpha \sin \frac{\alpha}{2}$; Б) $7\pi^3 \sin \frac{\alpha}{2}$; В) $\frac{7}{54}\pi^2 \sin \frac{\alpha}{2} \sin \alpha$; Г) $\frac{54}{7}\pi^3 \sin \frac{\alpha}{2} \sin \alpha$;
Д) $\frac{7}{54}l^3 \sin \alpha \sin \frac{\alpha}{2}$.

35. Ъгълът при върха на основото сечение на конус е равен на 2α , а сумата от дължините на височината и образувателната му е равна на a . Обемът на конуса е:

- А) $\frac{a^3 \cos \alpha \sin^2 \frac{\alpha}{2}}{\cos \frac{\alpha}{2}}$; Б) $\frac{\pi a^2 \cos \alpha \sin \frac{\alpha}{2}}{6 \cos^2 \frac{\alpha}{2}}$; В) $\frac{\pi a^3 \cos \alpha \sin^2 \frac{\alpha}{2}}{6 \cos^4 \frac{\alpha}{2}}$; Г) $\pi a^3 \cos \alpha \sin^2 \frac{\alpha}{2}$;
Д) $\frac{\pi a^3}{6 \cos^4 \frac{\alpha}{2}}$.

36. Дадени са цилиндър и кълбо. Радиусът на основата на цилиндъра е равен на радиуса на големия кръг на кълбото. Пълната повърхнина на цилиндъра се отнася към повърхнината на кълбото, както $m:n$. Отношението на обемите на цилиндъра и кълбото е:

- А) $6m-3n$; Б) $\frac{6m-3n}{4n}$; В) $\frac{6m-3n}{4}$; Г) $\frac{6n-3m}{4m}$; Д) $3m-6n$.

37. Средно-аритметичното, модата и медианата на извадката $3,1; 3,0; 1,5; 1,8; 2,5; 3,1; 2,4; 2,8; 1,3$ са:

- А) $\bar{x} \approx 2,39; m_0 = 3,1; m_e = 2,5$; Б) $\bar{x} \approx 2,1; m_0 = 3; m_e = 3$; В) $\bar{x} = 2; m_0 = 3,5; m_e = 4$;
Г) $\bar{x} \approx 1,85; m_0 = 4; m_e = 2$; Д) $\bar{x} \approx 1,76; m_0 = 2,8; m_e = 2,9$.

38. Уравнението $\frac{P_{x+3}}{xP_{x-1} + P_{x+1}} = 48$ има за корен числото:

- А) 4; Б) 3; В) 5; Г) 2; Д) 1.
продължава на следващата страница...

39. Лицето на правоъгълник е 9cm^2 , а един от ъглите, образуван от диагоналите му, е 120° . Страните на правоъгълника са:

А) $3\sqrt{3}; \sqrt{27}$; Б) $\sqrt[3]{3}; \sqrt[4]{3}$; В) $3\sqrt[3]{9}; \sqrt[3]{7}$; Г) $2\sqrt[4]{3}; \sqrt[3]{3}$; Д) $3\sqrt[4]{3}; \sqrt[4]{27}$.

40. Решенията на неравенството $1 + \cos 4x \leq 2 \sin^2 x$ са:

А) $x \in \left[(6k+1)\frac{\pi}{6}; (2k+1)\frac{\pi}{2} \right], k \in Z$; Б) $x \in \left((6k-1)\frac{\pi}{6}; (2k-1)\frac{\pi}{2} \right), k \in Z$;

В) $x \in \left[(3k+1)\frac{\pi}{6}; (2k+1)\frac{\pi}{3} \right], k \in Z$; Г) $x \in \left((6k+1)\frac{\pi}{3}; (2k+1)\frac{\pi}{4} \right), k \in Z$;

Д) $x \in \left[(6k-1)\frac{\pi}{2}; (2k+1)\frac{\pi}{4} \right], k \in Z$.

отговорите са на следващата страница...

Отговори на теста за УНСС:

1. А) 2. Д) 3. Б) 4. В) 5. Д) 6. А) 7. Г) 8. Д) 9. Б) 10. Г)
11. В) 12. А) 13. Б) 14. Д) 15. Г) 16. Б) 17. В) 18. А) 19. Г) 20. Б)
21. Д) 22. А) 23. Б) 24. В) 25. А) 26. Б) 27. В) 28. Г) 29. Б) 30. А)
31. В) 32. Г) 33. Д) 34. А) 35. В) 36. Б) 37. А) 38. В) 39. Д) 40. Г)

Всяка задача от 1 до 40 има само един верен отговор. За всеки верен отговор получавате по 1 точка. За грешен или непълнен отговор, както и за посочени повече от един отговор на една задача, точки не се дават и не се отнемат.

Максимален брой точки за теста: 40.

*Сваляйте безплатно новите броеве на списание „ВАРИАНТИ” на адрес:
<http://www.lazarovi.com/online-baza/>
Успех!*

Уважаеми читатели, съдържанието на това списание е съобразено с програмата на МОН, но главната му цел е да подпомогне обучението на учениците на фирма „Братя Лазарови”. Фирмата има специализирана методика на преподаване, която включва материал по математика с повишена трудност, който се изучава в следващия клас в училище.

©1992-2008 Списание по математика „ВАРИАНТИ”[®], една продукция на фирма за уроци по математика „Братя Лазарови”. Всички права запазени.